

Jarraibideak: lehenbiziko hiru galderak nahitaezkoak dira. Laugarren galderan aukera bat hautatu behar duzu (A edo B), eta aukera horren atal guztiei erantzun.

1. GALDERA:

Enpresa batek kristalaren bi modelo ekoizten ditu: K1 eta K2. Haiek fabrikatzeko, bi lehengai mota erabiltzen ditu (L1 eta L2), eta egunero L1 lehengaiaren 135 kg eta L2 lehengaiaren 60 kg izaten ditu erabiltzeko moduan. Beheko taulan duzu kristalaren modelo bakoitza fabrikatzeko zenbat denbora behar den eta lehengai mota bakoitzaren zenbat kantitate.

	L1 lehengai (kg/m ²)	L2 lehengai (kg/m ²)	Fabrikatzeko denbora (minutu/m ²)
K1	3	2	22
K2	6	1	14

Jakinik enpresak gutxienez 20 m² kristal fabrikatu nahi duela egunean, determinatu kristal modelo bakoitzaren zenbat kantitate fabrikatu beharko duen egunean, fabrikatzeko denbora minimizatu nahi badu.

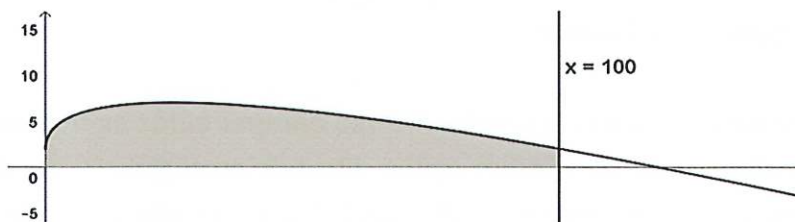
- Planteatu problema. (1,25 puntu)
- Ebatz ezazu grafikoki eta interpretatu soluzioa problemaren testuinguruan. (1,25 puntu)

2. GALDERA:

Aeromodelismoko hegazkin baten maketa batek duen hegala ikusten da irudi honetan.



Hona hemen hegala zeharkako ebakidura, koordenatuen ardatzetan grafikoki irudikatua:



Zeharkako ebakiduraren parte ilundua planoko eskualde bat da, zeina alde batetik X ardatzak mugatzen baitu eta bestetik funtzio honek ematen duen kurbak: $f(x) = 2\sqrt{x} - \frac{x}{5} + 2$, $0 \leq x \leq 100$ denean, non x distantzia horizontala baita (cm-tan) hegala zeharkako ebakiduraren aurrealdetik hasita, eta y ardatz horizontalekiko altuera (cm-tan).

- Kalkulatu zein den hegala zeharkako ebakiduraren altuera maximoa, eta zein distantzia horizontaletan hartzen duen hegala zeharkako ebakiduraren altuera hori. Arrazoitu analitikoki zergatik den maximo erlatibo bat. (1,25 puntu)
- Kalkulatu zeharkako ebakiduraren parte ilunduaren azalera. (1,25 puntu)

3. GALDERA:

Autonomia-erkidego batean egin zuten ikerketa baten arabera, banaketa normal bati jarraitzen dio bihotzeko kirurgia izateko itxarote-denborak. Ebakuntza izan zuten 100 pazienteren lagin batetik abiatuta, kirurgia izateko batez besteko itxarote-denborarako (egunetan) % 97ko konfiantza-tarte hau kalkulatu zen: [28.264, 31.736].

- i) Kalkula itzazu populazio-bariantza eta 100 pazienteren laginekoek batez beste zenbat denbora itxaron behar izan zuten kirurgia izateko. (1,25 puntu).
- ii) Eraiki % 91ko konfiantza-tarte bat bihotzeko kirurgia izateko batez beste itxaron behar den denborarako. Interpretatu soluzioa problemaren testuinguruan. (1,25 puntu)

4. GALDERA

A AUKERA:

- i) Matrize hau daukagu: $A = \begin{pmatrix} 2 & -2 & -2 \\ 0 & 2 & -1 \\ 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$. Kalkulatu, posible bada, A -ren alderantzizko matrizea. (1,75 puntu)
- ii) Kalkulatu eta sinplifikatu $f(x) = \frac{e^{3x}}{2x-5}$ funtzioaren deribatua. (0,75 puntu)

B AUKERA:

- i) Matrize hau daukagu: $B = \begin{pmatrix} 2 & a & a \\ 0 & 2 & -1 \\ 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$. Kalkulatu a -ren zein baliotarako duen B matrizeak alderantzizkoa. (0,75 puntu)
- ii) Eskualde bateko gazteei liburuak erosteko ohiturei buruz egin dieten inkesta batean, inkestatuen erdiek esan dute Internet bidez egiten dituztela erosketak, % 40k denda fisikoetan eta % 35ek bi praktikak konbinatzen omen dituzte. Gazte bat ausaz aukeratu dute.
 - a) Kalkulatu zein den probabilitatea gazte horrek liburuak bi formatuetako batean erosteko. (0,75 puntu)
 - b) Kalkulatu zein den probabilitatea gazte horrek liburuak denda fisikoetan ez erosteko, jakinik interneten bidez ere ez dituela erosten. (1 puntu).

Banaketa normal estandarraren taula $Z \sim N(0,1)$

k	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
-3,5	0,0002	0,0002	0,0002	0,0002	0,0002	0,0002	0,0002	0,0002	0,0002	0,0002
-3,4	0,0003	0,0003	0,0003	0,0003	0,0003	0,0003	0,0003	0,0003	0,0003	0,0002
-3,3	0,0005	0,0005	0,0005	0,0004	0,0004	0,0004	0,0004	0,0004	0,0004	0,0003
-3,2	0,0007	0,0007	0,0006	0,0006	0,0006	0,0006	0,0006	0,0005	0,0005	0,0005
-3,1	0,0010	0,0009	0,0009	0,0009	0,0008	0,0008	0,0008	0,0008	0,0007	0,0007
-3,0	0,0013	0,0013	0,0013	0,0012	0,0012	0,0011	0,0011	0,0011	0,0010	0,0010
-2,9	0,0019	0,0018	0,0018	0,0017	0,0016	0,0016	0,0015	0,0015	0,0014	0,0014
-2,8	0,0026	0,0025	0,0024	0,0023	0,0023	0,0022	0,0021	0,0021	0,0020	0,0019
-2,7	0,0035	0,0034	0,0033	0,0032	0,0031	0,0030	0,0029	0,0028	0,0027	0,0026
-2,6	0,0047	0,0045	0,0044	0,0043	0,0041	0,0040	0,0039	0,0038	0,0037	0,0036
-2,5	0,0062	0,0060	0,0059	0,0057	0,0055	0,0054	0,0052	0,0051	0,0049	0,0048
-2,4	0,0082	0,0080	0,0078	0,0075	0,0073	0,0071	0,0069	0,0068	0,0066	0,0064
-2,3	0,0107	0,0104	0,0102	0,0099	0,0096	0,0094	0,0091	0,0089	0,0087	0,0084
-2,2	0,0139	0,0136	0,0132	0,0129	0,0125	0,0122	0,0119	0,0116	0,0113	0,0110
-2,1	0,0179	0,0174	0,0170	0,0166	0,0162	0,0158	0,0154	0,0150	0,0146	0,0143
-2,0	0,0228	0,0222	0,0217	0,0212	0,0207	0,0202	0,0197	0,0192	0,0188	0,0183
-1,9	0,0287	0,0281	0,0274	0,0268	0,0262	0,0256	0,0250	0,0244	0,0239	0,0233
-1,8	0,0359	0,0351	0,0344	0,0336	0,0329	0,0322	0,0314	0,0307	0,0301	0,0294
-1,7	0,0446	0,0436	0,0427	0,0418	0,0409	0,0401	0,0392	0,0384	0,0375	0,0367
-1,6	0,0548	0,0537	0,0526	0,0516	0,0505	0,0495	0,0485	0,0475	0,0465	0,0455
-1,5	0,0668	0,0655	0,0643	0,0630	0,0618	0,0606	0,0594	0,0582	0,0571	0,0559
-1,4	0,0808	0,0793	0,0778	0,0764	0,0749	0,0735	0,0721	0,0708	0,0694	0,0681
-1,3	0,0968	0,0951	0,0934	0,0918	0,0901	0,0885	0,0869	0,0853	0,0838	0,0823
-1,2	0,1151	0,1131	0,1112	0,1093	0,1075	0,1056	0,1038	0,1020	0,1003	0,0985
-1,1	0,1357	0,1335	0,1314	0,1292	0,1271	0,1251	0,1230	0,1210	0,1190	0,1170
-1,0	0,1587	0,1562	0,1539	0,1515	0,1492	0,1469	0,1446	0,1423	0,1401	0,1379
-0,9	0,1841	0,1814	0,1788	0,1762	0,1736	0,1711	0,1685	0,1660	0,1635	0,1611
-0,8	0,2119	0,2090	0,2061	0,2033	0,2005	0,1977	0,1949	0,1922	0,1894	0,1867
-0,7	0,2420	0,2389	0,2358	0,2327	0,2296	0,2266	0,2236	0,2206	0,2177	0,2148
-0,6	0,2743	0,2709	0,2676	0,2643	0,2611	0,2578	0,2546	0,2514	0,2483	0,2451
-0,5	0,3085	0,3050	0,3015	0,2981	0,2946	0,2912	0,2877	0,2843	0,2810	0,2776
-0,4	0,3446	0,3409	0,3372	0,3336	0,3300	0,3264	0,3228	0,3192	0,3156	0,3121
-0,3	0,3821	0,3783	0,3745	0,3707	0,3669	0,3632	0,3594	0,3557	0,3520	0,3483
-0,2	0,4207	0,4168	0,4129	0,4090	0,4052	0,4013	0,3974	0,3936	0,3897	0,3859
-0,1	0,4602	0,4562	0,4522	0,4483	0,4443	0,4404	0,4364	0,4325	0,4286	0,4247
-0,0	0,5000	0,4960	0,4920	0,4880	0,4840	0,4801	0,4761	0,4721	0,4681	0,4641
0,0	0,5000	0,5040	0,5080	0,5120	0,5160	0,5199	0,5239	0,5279	0,5319	0,5359
0,1	0,5398	0,5438	0,5478	0,5517	0,5557	0,5596	0,5636	0,5675	0,5714	0,5753
0,2	0,5793	0,5832	0,5871	0,5910	0,5948	0,5987	0,6026	0,6064	0,6103	0,6141
0,3	0,6179	0,6217	0,6255	0,6293	0,6331	0,6368	0,6406	0,6443	0,6480	0,6517
0,4	0,6554	0,6591	0,6628	0,6664	0,6700	0,6736	0,6772	0,6808	0,6844	0,6879
0,5	0,6915	0,6950	0,6985	0,7019	0,7054	0,7088	0,7123	0,7157	0,7190	0,7224
0,6	0,7257	0,7291	0,7324	0,7357	0,7389	0,7422	0,7454	0,7486	0,7517	0,7549
0,7	0,7580	0,7611	0,7642	0,7673	0,7704	0,7734	0,7764	0,7794	0,7823	0,7852
0,8	0,7881	0,7910	0,7939	0,7967	0,7995	0,8023	0,8051	0,8078	0,8106	0,8133
0,9	0,8159	0,8186	0,8212	0,8238	0,8264	0,8289	0,8315	0,8340	0,8365	0,8389
1,0	0,8413	0,8438	0,8461	0,8485	0,8508	0,8531	0,8554	0,8577	0,8599	0,8621
1,1	0,8643	0,8665	0,8686	0,8708	0,8729	0,8749	0,8770	0,8790	0,8810	0,8830
1,2	0,8849	0,8869	0,8888	0,8907	0,8925	0,8944	0,8962	0,8980	0,8997	0,9015
1,3	0,9032	0,9049	0,9066	0,9082	0,9099	0,9115	0,9131	0,9147	0,9162	0,9177
1,4	0,9192	0,9207	0,9222	0,9236	0,9251	0,9265	0,9279	0,9292	0,9306	0,9319
1,5	0,9332	0,9345	0,9357	0,9370	0,9382	0,9394	0,9406	0,9418	0,9429	0,9441
1,6	0,9452	0,9463	0,9474	0,9484	0,9495	0,9505	0,9515	0,9525	0,9535	0,9545
1,7	0,9554	0,9564	0,9573	0,9582	0,9591	0,9599	0,9608	0,9616	0,9625	0,9633
1,8	0,9641	0,9649	0,9656	0,9664	0,9671	0,9678	0,9686	0,9693	0,9699	0,9706
1,9	0,9713	0,9719	0,9726	0,9732	0,9738	0,9744	0,9750	0,9756	0,9761	0,9767
2,0	0,9772	0,9778	0,9783	0,9788	0,9793	0,9798	0,9803	0,9808	0,9812	0,9817
2,1	0,9821	0,9826	0,9830	0,9834	0,9838	0,9842	0,9846	0,9850	0,9854	0,9857
2,2	0,9861	0,9864	0,9868	0,9871	0,9875	0,9878	0,9881	0,9884	0,9887	0,9890
2,3	0,9893	0,9896	0,9898	0,9901	0,9904	0,9906	0,9909	0,9911	0,9913	0,9916
2,4	0,9918	0,9920	0,9922	0,9925	0,9927	0,9929	0,9931	0,9932	0,9934	0,9936
2,5	0,9938	0,9940	0,9941	0,9943	0,9945	0,9946	0,9948	0,9949	0,9951	0,9952
2,6	0,9953	0,9955	0,9956	0,9957	0,9959	0,9960	0,9961	0,9962	0,9963	0,9964
2,7	0,9965	0,9966	0,9967	0,9968	0,9969	0,9970	0,9971	0,9972	0,9973	0,9974
2,8	0,9974	0,9975	0,9976	0,9977	0,9977	0,9978	0,9979	0,9979	0,9980	0,9981
2,9	0,9981	0,9982	0,9982	0,9983	0,9984	0,9984	0,9985	0,9985	0,9986	0,9986
3,0	0,9987	0,9987	0,9987	0,9988	0,9988	0,9989	0,9989	0,9989	0,9990	0,9990
3,1	0,9990	0,9991	0,9991	0,9991	0,9992	0,9992	0,9992	0,9992	0,9993	0,9993
3,2	0,9993	0,9993	0,9994	0,9994	0,9994	0,9994	0,9994	0,9995	0,9995	0,9995
3,3	0,9995	0,9995	0,9995	0,9996	0,9996	0,9996	0,9996	0,9996	0,9996	0,9997
3,4	0,9997	0,9997	0,9997	0,9997	0,9997	0,9997	0,9997	0,9997	0,9997	0,9998
3,5	0,9998	0,9998	0,9998	0,9998	0,9998	0,9998	0,9998	0,9998	0,9998	0,9998

$$P(Z < k) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^k e^{-t^2/2} dt$$

